



■ アルゴリズムとデータ構造III

木曜日2時限

鈴木良弥

授業資料 <http://ir.cs.yamanashi.ac.jp/~ysuzuki/algorithm3/index.html>



授業のねらい

- アルゴリズムとデータ構造I,IIで学んだ事柄の発展的な内容を扱う.
- 事例を通じて, 今まで学んだアルゴリズムとデータ構造を組み合わせたアプリケーションのアルゴリズムとデータ構造を学ぶ

他の授業との関連

科目間関係	科目名	キーワード	関連度
先行科目	アルゴリズムとデータ構造 I	スタック, 探索木, グラフ	○
〃	アルゴリズムとデータ構造 I 演習	スタック, 探索木, グラフ	
〃	アルゴリズムとデータ構造 II	グラフ, 文字列探索, データ 圧縮	○
〃	アルゴリズムとデータ構造 II 演習	グラフ, 文字列探索, データ 圧縮	
〃	オートマトンと言語	オートマトン, 文脈自由文法	○
〃	情報数学	暗号	
同時進行科目	プログラミング言語論	文脈自由文法	
後続科目	ソフトウェア工学	状態遷移図	
〃	ヒューマン・マシンインター フェース	文脈自由文法, DPマッチング , 時系列データの圧縮	○
〃	ビジュアルコンピューティン グ	画像の圧縮	



教科書, 参考書 (1/2)

■ (1)教科書

- 特に無し.

■ (2)参考書

- 「形式言語と有限オートマトン入門 例題を中心とした情報の離散数学」
 - 小倉久和著, コロナ社, 1996年, ISBN:4-339-02339-6
 - オートマトンと言語の教科書
- 「アルゴリズムとデータ構造」
 - 湯田幸八, 伊原充博共著, コロナ社, 2002年, ISBN4-339-01198-3
 - アルゴリズムとデータ構造 I, II の参考書



教科書，参考書(2/2)

- 参考書

- 情報検索アルゴリズム

- 出版社：共立出版
 - 著者：北研二，津田和彦，獅々堀正幹
 - ISBN4-320-12036-1

授業の予定(中間試験まで)

1	10/02	スタック(後置記法で書かれた式の計算)
2	10/09	チューリング機械, 文脈自由文法
3	10/16	構文解析 CKY法
4	10/23	構文解析 CKY法
5	10/30	構文解析 CKY法
6	11/06	構文解析 チャート法
7	11/13	グラフ(動的計画法, ダイクストラ法, DPマッチング)
8	11/20	グラフ(DPマッチング, ビームサーチ, A*アルゴリズム)
9	11/27	中間試験

授業の予定(中間試験以降)

10	12/04	全文検索アルゴリズム (simple search, KMP)
11	12/11	全文検索アルゴリズム (BM, Aho-Corasick)
12	12/18	全文検索アルゴリズム (Aho-Corasick), データ圧縮
13	01/08	暗号 (黄金虫, 踊る人形) 符号化 (モールス信号, Zipfの法則, ハフマン符号) テキスト圧縮
14	01/15	テキスト圧縮 (zip), 音声圧縮 (ADPCM, MP3, CELP), 画像圧縮 (JPEG)
15	01/29	期末試験



評価

- 演習問題(13点) (A)
- 中間試験(30点) (B)
- 期末試験(57点) (C)

$$\text{評価} = A + B + C$$

- 評価が60点以上なら合格
- 昨年の実績
 - 期末試験まで受験した学生:45人
 - 特別試験を経ずに合格した学生:42人
 - 特別試験を経て合格した学生:2名
 - 期末試験まで受験したが不合格だった学生1名



第1回 10月2日(木)

- スタック(後置記法の計算)
- チューリング機械

数式の記法

(オートマトンと言語の復習)

前置記法(ポーランド記法)

- 演算子が先頭
- $*xy$

■ 中置記法

- 演算子が真ん中
- $x*y$

■ 後置記法(逆ポーランド記法)

- 演算子が最後
- $xy*$

数式の記法(1)

前置記法 (ポーランド記法)

- prefix notation (Polish Notation)

- 例: $*xy$

- Lisp言語

- $(\text{car } '(A B C))$

- car : リストの第一要素を取り出す

- $(\text{car } '(A B C)) \rightarrow A$

演算子



- 計算方法: 左から1文字ずつ読み込み, 演算子1つと変数2つがそろったら計算し, 計算した部分を計算結果に置き換える

数式の記法(2)

中置記法

- infix notation
- 例: $x*y$
- 数式でよく使われる記法
- 式の意味を一意に確定するために括弧が必要な場合がある.
 - $(x+y)*z$

数式の記法(3)

後置記法(逆ポーランド記法)

- postfix notation (Reverse Polish Notation)

- 例: xy^*


- Hewlett-Packardの電卓

- 括弧を書かなくても良い.

- 頭の中で計算する順序に近い

- 計算機の中の計算順序と同じ

- 日本語での計算の説明順序と同じ

- 例: $xy+$


- xとyとを足す

- 計算方法: 左から1文字ずつ読み込み, 演算子を読み込んだら直前の2つの変数を使って計算し, 計算した部分を計算結果に置き換える

例題

■ $xy+z^*$ (後置記法)を中置記法に変換

- $xy+z^* \rightarrow (xy+)z^*$
- 最初に $xy+$ を計算し, その結果と z をかけ合わせる
- $(x+y)^*z$ (中置記法)

■ $(x+y)^*z$ (中置記法)を後置記法に変換

$$\begin{array}{c} (x+y)^*z \\ \underbrace{\quad} \\ \underbrace{\quad}_1 \\ \underbrace{\quad}_2 \end{array}$$

- $xy+z^*$ (後置記法)



演習問題1

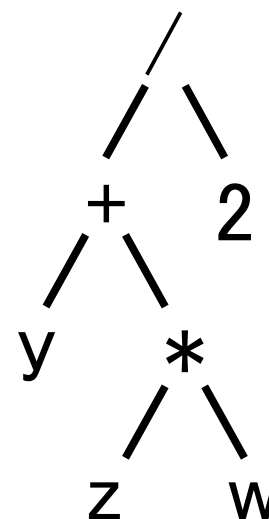
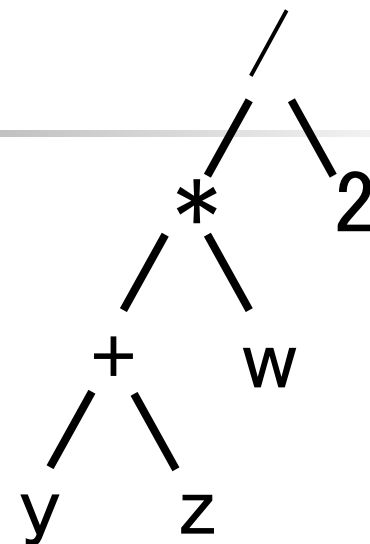
- 中置記法 $(y+z)*w/2$ を逆ポーランド記法 (後置記法) に変換せよ.
- 中置記法 $(y+z*w)/2$ を逆ポーランド記法 (後置記法) に変換せよ.

演習問題1の解答

- 中置記法 $(y+z)*w/2$
- →後置記法 $yz+w*2/$

- 中置記法 $(y+z*w)/2$
- →後置記法 $yzw*+2/$

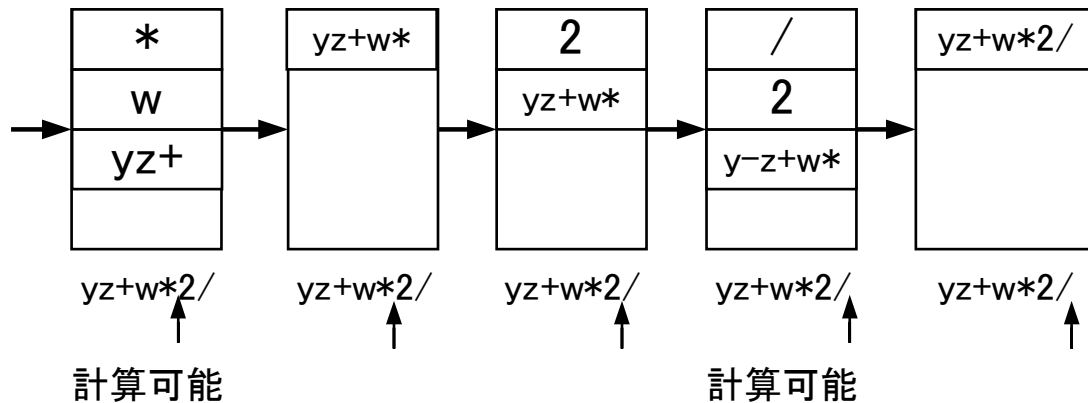
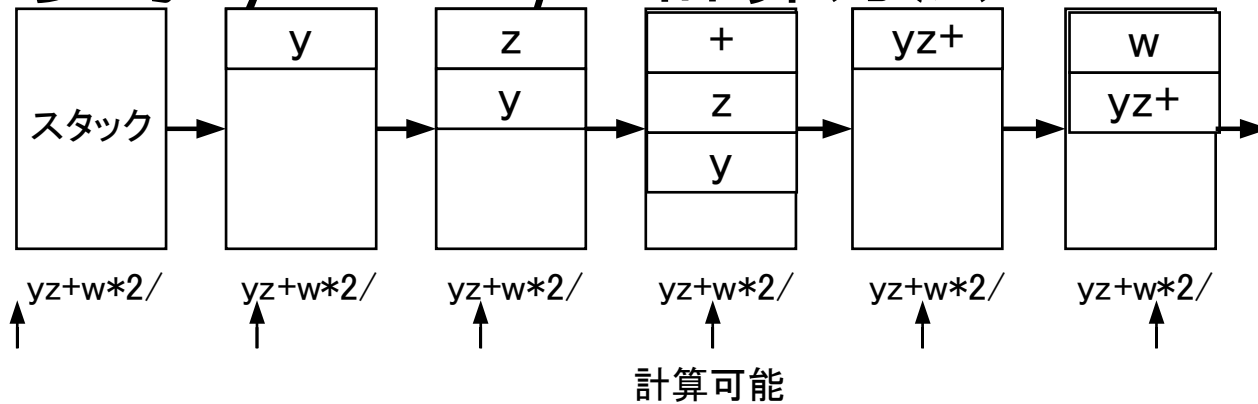
構文木



練習問題2

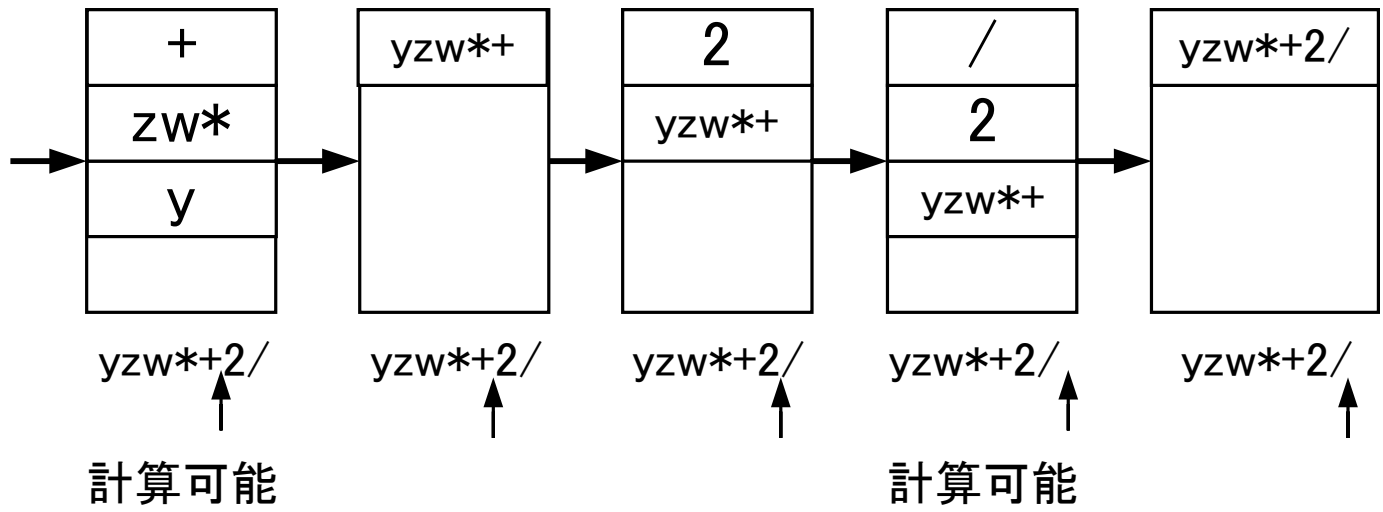
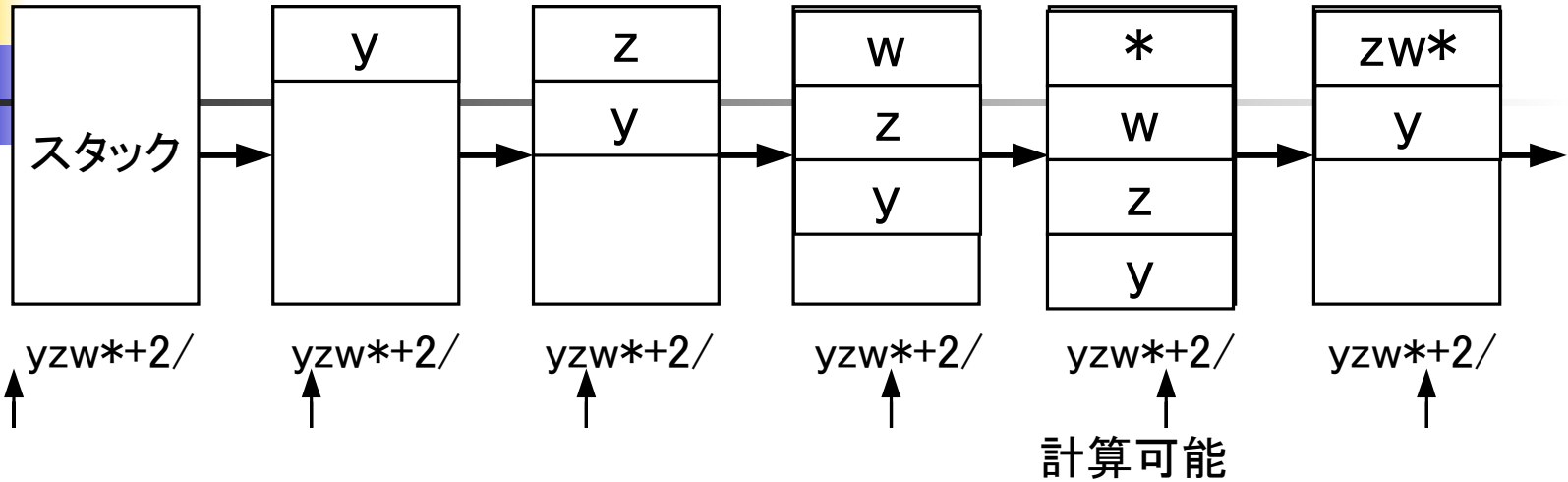
$yzw^*+2/$ の計算方法を書け

参考： $yz+w*2/$ の計算方法



練習問題2の解答

$yzw^*+2/$ の計算方法(スタックの変化)



7 2 3 + - を計算してみよう

(アセンブリ言語でプログラミング)

数式(7 2 3 + -)がメモリ(データ領域)に書き込まれているとする

3. データ領域から1文字読み込む

1. 数字(アスキーコード: 30H~39H)なら

- 数値に変換し, 数値をスタックにプッシュ

2. 演算子なら

1. 一旦スタックにプッシュし, ポップする.
2. スタックからポップし, 数値をBレジスタに取り込む
3. スタックからポップし, 数値をAレジスタ(アキュムレータ)に取り込む
4. 演算子が+なら
 - A + B を計算し, Aレジスタに計算結果を格納
5. 演算子が-なら
 - A - B を計算し, Aレジスタに計算結果を格納
6. Aレジスタの内容をスタックにプッシュ

4. データ領域すべてを読み終えるまで続ける.

簡単な計算の例 7 2 3 + -

; 後置記法 7 2 3 + - の計算

ORG 8000H ;

LD HL, DATA ; 数式の先頭番地を指定

LOOP: LD A, (HL)

CP 00H

JP Z, OWARI ; 数式を全部読み込んだら終わり

LD E, (HL)

LD D, 0H

LD A, (HL)

INC HL

CP 2BH

JP Z, LOOPA ; +なら加算処理へ

CP 2DH

JP Z, LOOPS ; -なら減算処理へ

LD A, E

SUB 30H ; 数字なら数値に変換

; Aレジスタの内容をスタックへプッシュ

STPUSH: LD E, A

LD D, 0H

PUSH DE ; 読み込んだ数値をスタックへプッシュ

JP LOOP ; つぎの文字読み込みへ

;加算

LOOPA: PUSH DE ; 演算子をスタックへプッシュ

POP DE ; 演算子をスタックからポップ

POP DE ; 数値をスタックからポップ

LD B, E ; スタックトップの値をBレジスタへ

POP DE ; 数値をスタックからポップ

LD A, E ; スタックトップの値をAレジスタへ

ADD A, B ; 加算(A <= A + B)

JP STPUSH

; 減算

LOOPS: PUSH DE ; 演算子をスタックへプッシュ

POP DE ; 演算子をスタックからポップ

POP DE ; 数値をスタックからポップ

LD B, E ; スタックトップの値をBレジスタへ

POP DE ; 数値をスタックからポップ

LD A, E ; スタックトップの値をAレジスタへ

SUB B ; 減算(A <= A - B)

JP STPUSH

;

OWARI: HALT

;入力データ

DATA: DEFB 37H ;7

DEFB 32H ;2

DEFB 33H ;3

DEFB 2BH ;+

DEFB 2DH ;-

DEFB 00H ;END

END

Z80シミュレータで動作を確認できます.

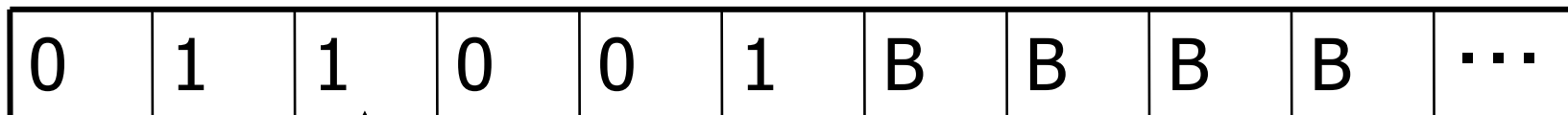
形式言語と有限オートマトン入門

4.5.2 チューリング機械

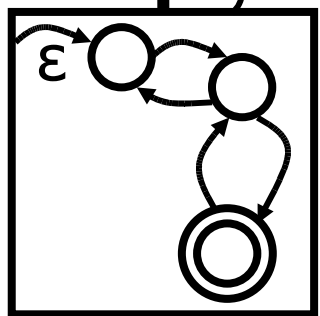
重要!

- 言語受理能力が最も高いオートマトン
- 半無限長の読み書きが自由にできるテープを用いた有限状態機械

読み書きテープ (初期状態では入力語が記述されている)



読み書きヘッド (初期状態: 左端 語の先頭文字位置
テープ上を左右に移動, read, rewrite)



有限状態制御部

最終状態に遷移すると停止して入力語を受理する



チューリング機械(TM)の定義

TM $M=(Q,\Sigma,\Gamma,\delta,S,B,F)$

Q : 内部状態の集合

Σ : 入力アルファベット B を含まない

Γ : テープ記号の集合 ($\Gamma \supset \Sigma$)

B : 空白記号 Γ の要素であるが Σ の要素ではない

δ : 状態遷移関数 $\delta: Q \times \Gamma \rightarrow Q \times \Gamma \times \{R, S, L\}$

R : ヘッドを右に移動, S : ヘッドを移動させない,

L : ヘッドを左に移動

S : 初期状態 $S \in Q$

F : 最終状態(受理状態)の集合 $F \subset Q$

例題4.71 $w_1=0101$

$Q=\{q_0, q_1, q_f\}$, $\Sigma=\{0, 1\}$, $\Gamma=\{0, 1, b\}$, $S=q_0$, $B=b$, $F=\{q_f\}$

δ	0	1	b
q_0	(q_0, b, R)	(q_1, b, R)	$(q_f, 0, S)$
q_1	(q_1, b, R)	(q_0, b, R)	$(q_f, 1, S)$
q_f	---	---	---

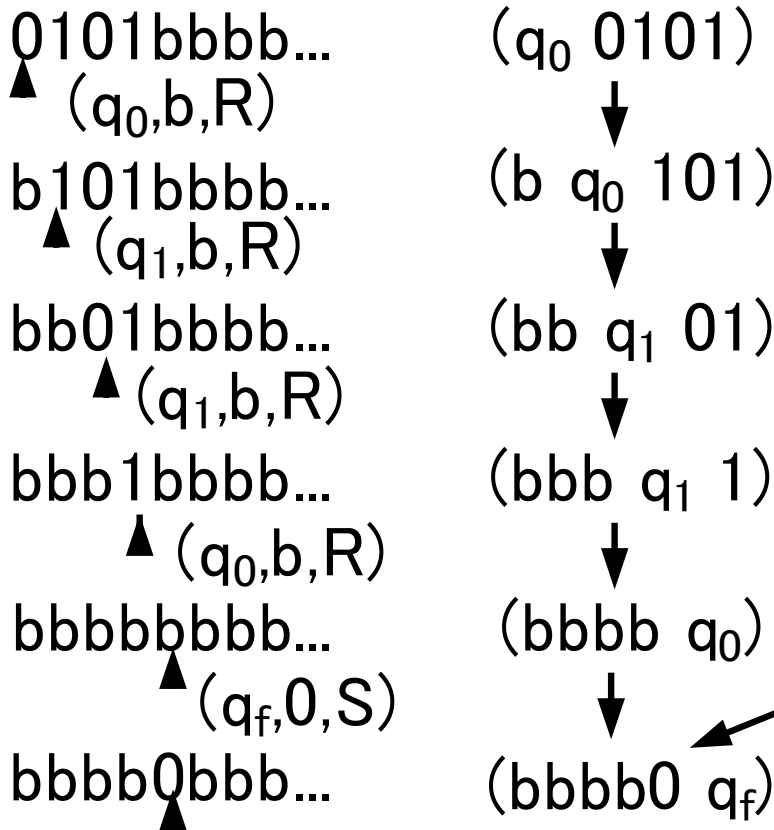
計算状況を示せ.

Σ^* 上の任意の語と, その最終計算状況におけるテープ上の記号との対応を答えよ

例題4.71 答え

$w1=0101$

時点表示(計算状況)



δ	0	1	b
q ₀	(q ₀ ,b,R)	(q ₁ ,b,R)	(q _f ,0,S)
q ₁	(q ₁ ,b,R)	(q ₀ ,b,R)	(q _f ,1,S)
q _f	---	---	---

w: 1が奇数個 → 1を出力
 w: 1が偶数個 → 0を出力

最終状態q_fに遷移 → w1を受理

例題4.71 $w_2' = 011010$

$Q = \{q_0, q_1, q_f\}$, $\Sigma = \{0, 1\}$, $\Gamma = \{0, 1, b\}$, $S = q_0$, $B = b$, $F = \{q_f\}$

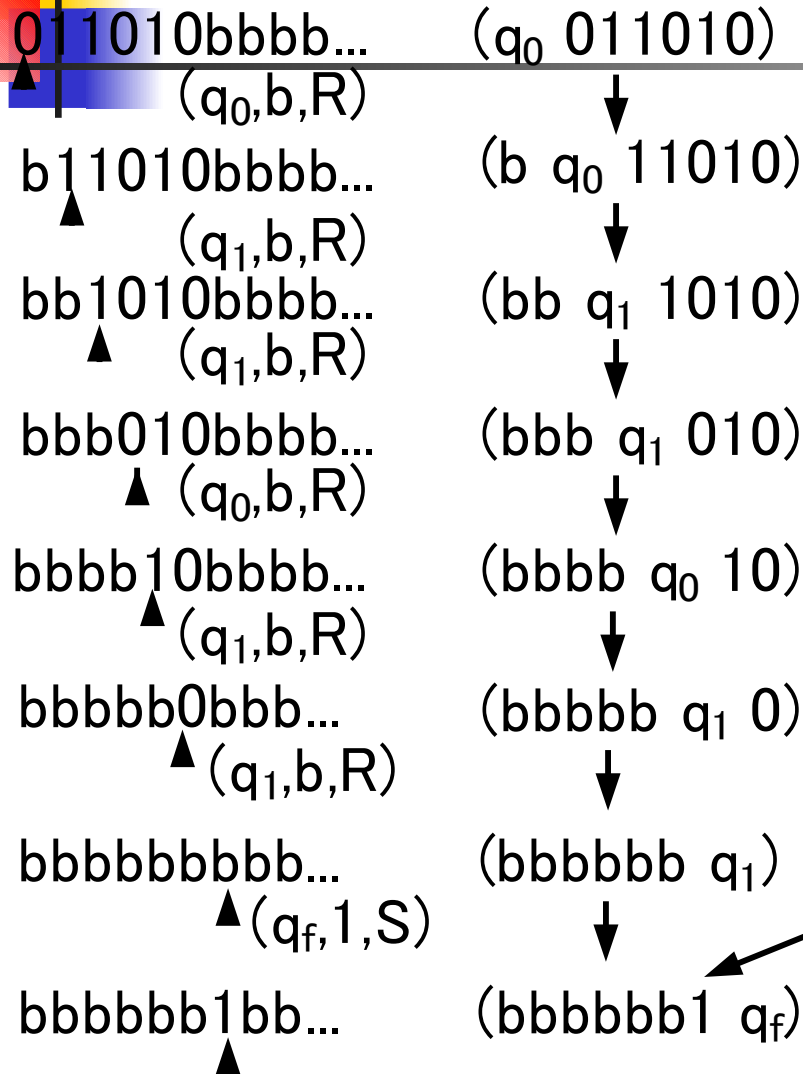
δ	0	1	b
q_0	(q_0, b, R)	(q_1, b, R)	$(q_f, 0, S)$
q_1	(q_1, b, R)	(q_0, b, R)	$(q_f, 1, S)$
q_f	---	---	---

計算状況を示せ.

Σ^* 上の任意の語と, その最終計算状況におけるテープ上の記号との対応を答えよ

例題4.71 答え $W2'=011010$

時点表示(計算状況)



w: 1が奇数個 → 1を出力
 w: 1が偶数個 → 0を出力

最終状態q_fに遷移 → w2を受理

練習問題1

例題4.71 $w_2=01101$

$Q=\{q_0, q_1, q_f\}$, $\Sigma=\{0, 1\}$, $\Gamma=\{0, 1, b\}$, $S=q_0$, $B=b$, $F=\{q_f\}$

δ	0	1	b
q0	(q0,b,R)	(q1,b,R)	(qf,0,S)
q1	(q1,b,R)	(q0,b,R)	(qf,1,S)
qf	---	---	---

計算状況を示せ.

Σ^* 上の任意の語と, その最終計算状況におけるテープ上の記号との対応を答えよ

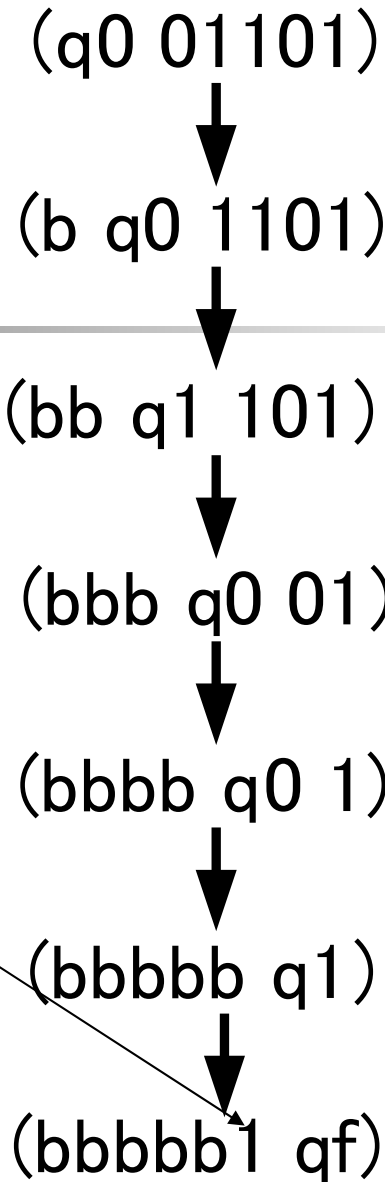
練習問題1

例題4.71 答え

$w_2 = 01101$

w : 1が奇数個 → 1を出力
 w : 1が偶数個 → 0を出力

最終状態 → 受理





4.5.3 オートマトンと計算理論

オートマトンの受理する言語クラス

オートマトン	受理言語型	言語クラス
チューリング機械	第0型言語	句構造言語 (PSL)
線形拘束チューリング機械	第1型言語	文脈依存言語 (CSL)
プッシュダウンオートマトン	第2型言語	文脈自由言語 (CFL)
有限オートマトン	第3型言語	正規言語 (RL)



万能チューリングマシン

- 任意のTMについて, その動作表を与えられるとあたかもそのTMのように振る舞うTM
- コンピュータ
 - プログラム = 動作表 (状態遷移関数表)
 - 入力 = 入力語
 - コンピュータは万能TM
- チューリングテスト
 - TM M が人間
 - コンピュータ (TM) が TM M を完全に模倣できるか