

アルゴリズムとデータ構造III 8回目:12月03日

グラフ
(動的計画法, DPマッチング, A*アルゴリズム)

授業資料 <http://ir.cs.yamanashi.ac.jp/~ysuzuki/algorithm3/index.html>

次回授業

- 時間 : 12月04日(金)4時限
- 場所 : A1-41

授業評価アンケート(中間期評価)

- CNSの授業のコミュニティに以下の項目について記入してください(匿名での記入が可能).
1. この授業の良いところはどこですか?
 2. この授業の改善してほしいところはどこですか?

授業の予定(中間試験まで)

1	10/01	スタック(後置記法で書かれた式の計算)
2	10/15	文脈自由文法, 構文解析, CYK法
3	10/22	構文解析 CYK法
4	10/29	構文解析 CYK法
5	11/12	構文解析 CYK法, 動的計画法
6	11/19	構文解析(チャート法), グラフ(ダイクストラ法)
7	11/26	グラフ(ダイクストラ法, DPマッチング, A*アルゴリズム)
▶ 8	12/03	グラフ(A*アルゴリズム), 前半のまとめ
9	12/04	教室:A1-41 4時限 全文検索アルゴリズム(simple search, KMP)

授業の予定(中間試験以降)

10	12/10	中間試験(8回目までの範囲)
11	12/11	教室:A1-41 全文検索アルゴリズム(BM, Aho-Corasick)
12	12/17	全文検索アルゴリズム(Aho-Corasick), データ圧縮
13	01/07	暗号(黄金虫, 踊る人形) 符号化(モールス信号, Zipfの法則, ハフマン符号)テキスト圧縮
14	01/14	テキスト圧縮(zip), 音声圧縮(ADPCM, MP3, CELP), 画像圧縮(JPEG)
15	01/21	期末試験

中間試験

- 中間試験日
 - 12月10日(木)
- 範囲
 - スタック
 - 文脈自由文法
 - 構文解析
 - CYK法
 - (トップダウンチャート法)
 - 動的計画法
 - ダイクストラ法
 - DPマッチング
 - A*アルゴリズム

本日のメニュー

- 動的計画法
- DPマッチング
 - アルゴリズム
 - 動作
- A*アルゴリズム
- 中間試験の範囲の説明

動的計画法 (Dynamic Programming)

- 解くのに時間のかかる問題を、複数の部分問題に分割することで効率的に解くアルゴリズム

ダイクストラ法

- 動的計画法を最短経路問題に適用
- ↓
- 最適経路中の部分経路もまた最適経路になっている

ダイクストラ法 アルゴリズム

1. 初期化: スタートノードの値(最小コスト候補)を0, 他のノードの値を無限大に設定
2. 未確定ノードが無くなるまで以下のループを繰り返す.
 1. 確定中ノードのうち, 最小の値を持つノードを見つけ, 確定ノードとする.
 2. 確定ノードからのエッジに対して「確定ノードまでのコスト+エッジのコスト」を計算し, そのノードの現在値よりも小さければ更新.

ダイクストラ法のアルゴリズム

- ```
begin
 for each $x \in V$ do begin
 cost[x] := w[s,x];
 parent[x] := 's';
 end
 U := V - {s};
 while U $\neq \emptyset$ do
 begin
 U中のmで, cost[m]が最小となる頂点mを選ぶ;
 U := U - {m};
 mから隣接する頂点の集合をDmとする;
 for each $x \in D_m \cap U$ do
 if cost[m] + w[m,x] < cost[x]
 then begin
 Cost[x] := cost[m] + w[m,x];
 Parent[x] := m;
 end
 end
 end
end
```
- costとparentの初期化
- U(未確定ノード)の初期化
- 集積コストが最も小さいノードmを選んで, cost[m]とparent[m]を確定
- 頂点mから隣接するノードすべての集合D<sub>m</sub>を求める. D<sub>m</sub>の要素で且つ未確定ノードである各xについてmを経由してxに至る最短経路のコストを計算し, 現在のcost[x]と比較し, 小さければ更新する

## ダイクストラ法の特徴

- 最短経路の見つけ方
  - ゴールノードから「どこから来たのか」調べ, さかのぼる.
- マイナスのコストを持つエッジは扱えない.
- 特定のノードからの最短距離およびその経路が全てのノードに対して求まる.

## DPマッチング

### (例: 文字列の照合)

- 2つの文字列がどのくらい似ているかを調べる。
  - takeda は nakadaiとどのくらい似ているか
  - 置換, 脱落, 挿入に対応
- 音声認識にも使える
  - 音声を文字列に変換した後, 登録単語と比較
  - (現在主流の)HMM(Hidden Markov Model)に拡張可能
- DNAの比較にも使える
  - A(アデニン), G(グアニン), C(シトシン), T(チミン)の並び方の比較
  - ACTGAGCATTとCTGGACTACGの比較

## DPマッチング

### (例: 文字列の照合)

- 簡単に比較できる例
  - abcdef
  - abzdef
- Aに対して脱落, 挿入, 置換
  - A: abcdef
  - B: abdef
  - C: abcdef
  - D: abzdef

DPマッチング: 脱落, 挿入, 置換誤りを考慮して文字列照合可能

## DPマッチング(例: 文字列の照合) 1/8

takeda と nakadai の照合

文字が一致 → 0  
文字が不一致 → 3

不一致コスト表

|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
|   | n | a | k | a | d | a | i |
| t | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |
| k | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| e | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| d | 3 | 3 | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |

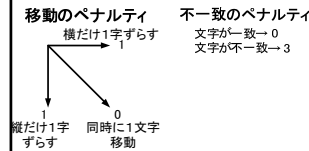
## DPマッチング(例: 文字列の照合) 2/8

takeda と nakadai の値を求める

不一致コスト表

|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
|   | n | a | k | a | d | a | i |
| t | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |
| k | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| e | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| d | 3 | 3 | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |

1文字ずらしたけれど文字が不一致: 1+3=4を計算



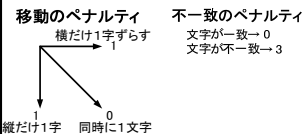
|   |    |   |    |    |    |    |    |
|---|----|---|----|----|----|----|----|
|   | n  | a | k  | a  | d  | a  | i  |
| t | 3  | 7 | 11 | 15 | 19 | 23 | 27 |
| a | 7  |   |    |    |    |    |    |
| k | 11 |   |    |    |    |    |    |
| e | 15 |   |    |    |    |    |    |
| d | 19 |   |    |    |    |    |    |
| a | 23 |   |    |    |    |    |    |

## DPマッチング(例: 文字列の照合) 3/8

takeda と nakadai の値を求める

不一致コスト表

|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
|   | n | a | k | a | d | a | i |
| t | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |
| k | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| e | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| d | 3 | 3 | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |



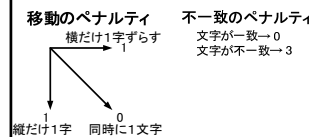
|   |    |   |    |    |    |    |    |
|---|----|---|----|----|----|----|----|
|   | n  | a | k  | a  | d  | a  | i  |
| t | 3  | 7 | 11 | 15 | 19 | 23 | 27 |
| a | 7  | 3 | 7  | 8  | 12 | 13 | 17 |
| k | 11 |   |    |    |    |    |    |
| e | 15 |   |    |    |    |    |    |
| d | 19 |   |    |    |    |    |    |
| a | 23 |   |    |    |    |    |    |

## DPマッチング(例: 文字列の照合) 4/8

takeda と nakadai の値を求める

不一致コスト表

|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
|   | n | a | k | a | d | a | i |
| t | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |
| k | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| e | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| d | 3 | 3 | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |



|   |    |   |    |    |    |    |    |
|---|----|---|----|----|----|----|----|
|   | n  | a | k  | a  | d  | a  | i  |
| t | 3  | 7 | 11 | 15 | 19 | 23 | 27 |
| a | 7  | 3 | 7  | 8  | 12 | 13 | 17 |
| k | 11 | 7 | 3  | 7  | 11 | 15 | 16 |
| e | 15 |   |    |    |    |    |    |
| d | 19 |   |    |    |    |    |    |
| a | 23 |   |    |    |    |    |    |

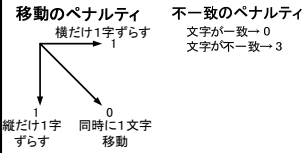
## DPマッチング(例:文字列の照合) 5/8

- takeda と nakadai の値を求める

不一致コスト表

|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
|   | n | a | k | a | d | a | i |
| t | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |
| k | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| e | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| d | 3 | 3 | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |

|   |    |    |    |    |    |    |    |
|---|----|----|----|----|----|----|----|
|   | n  | a  | k  | a  | d  | a  | i  |
| t | 3  | 7  | 11 | 15 | 19 | 23 | 27 |
| a | 7  | 3  | 7  | 8  | 12 | 13 | 17 |
| k | 11 | 7  | 3  | 7  | 11 | 15 | 16 |
| e | 15 | 11 | 7  | 6  | 10 | 14 | 18 |
| d | 19 |    |    |    |    |    |    |
| a | 23 |    |    |    |    |    |    |



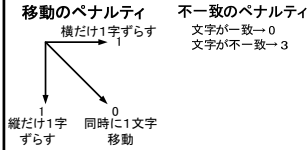
## DPマッチング(例:文字列の照合) 6/8

- takeda と nakadai の値を求める

不一致コスト表

|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
|   | n | a | k | a | d | a | i |
| t | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |
| k | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| e | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| d | 3 | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |

|   |    |    |    |    |    |    |    |
|---|----|----|----|----|----|----|----|
|   | n  | a  | k  | a  | d  | a  | i  |
| t | 3  | 7  | 11 | 15 | 19 | 23 | 27 |
| a | 7  | 3  | 7  | 8  | 12 | 13 | 17 |
| k | 11 | 7  | 3  | 7  | 11 | 15 | 16 |
| e | 15 | 11 | 7  | 6  | 10 | 14 | 18 |
| d | 19 | 15 | 11 | 10 | 6  | 10 | 14 |
| a | 23 |    |    |    |    |    |    |



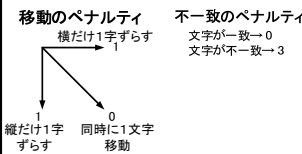
## DPマッチング(例:文字列の照合) 7/8

- takeda と nakadai の値を求める

不一致コスト表

|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
|   | n | a | k | a | d | a | i |
| t | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |
| k | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| e | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| d | 3 | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |

|   |    |    |    |    |    |    |    |
|---|----|----|----|----|----|----|----|
|   | n  | a  | k  | a  | d  | a  | i  |
| t | 3  | 7  | 11 | 15 | 19 | 23 | 27 |
| a | 7  | 3  | 7  | 8  | 12 | 13 | 17 |
| k | 11 | 7  | 3  | 7  | 11 | 15 | 16 |
| e | 15 | 11 | 7  | 6  | 10 | 14 | 18 |
| d | 19 | 15 | 11 | 10 | 6  | 10 | 14 |
| a | 23 | 16 | 15 | 11 | 10 | 6  | 10 |



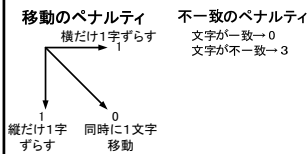
## DPマッチング(例:文字列の照合) 8/8

- takeda と nakadai の値を求める

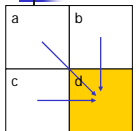
不一致コスト表

|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
|   | n | a | k | a | d | a | i |
| t | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |
| k | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| e | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 |
| d | 3 | 3 | 3 | 0 | 3 | 3 | 3 |
| a | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 | 0 | 3 |

|   |    |    |    |    |    |    |    |
|---|----|----|----|----|----|----|----|
|   | n  | a  | k  | a  | d  | a  | i  |
| t | 3  | 7  | 11 | 15 | 19 | 23 | 27 |
| a | 7  | 3  | 7  | 8  | 12 | 13 | 17 |
| k | 11 | 7  | 3  | 7  | 11 | 15 | 16 |
| e | 15 | 11 | 7  | 6  | 10 | 14 | 18 |
| d | 19 | 15 | 11 | 10 | 6  | 10 | 14 |
| a | 23 | 16 | 15 | 11 | 10 | 6  | 10 |



## DPマッチング(例:文字列の照合) アルゴリズム



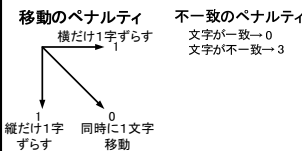
d へのルートは3種類

aまでの距離+斜め移動のペナルティ+不一致ペナルティ

bまでの距離+下移動のペナルティ+不一致ペナルティ

cまでの距離+右移動のペナルティ+不一致ペナルティ

の内の最短距離をdに書き込む



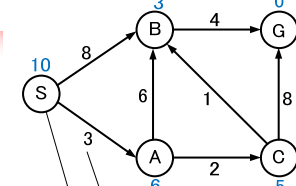
## DPマッチングの応用

- DPマッチングの探索空間を制限し、探索時間を削減する方法
  - ビームサーチ
  - A\*アルゴリズム
- HMM(隠れマルコフモデル)とビタビアルゴリズム
  - 音声認識手法の主流

## A\*アルゴリズム 最短経路探索問題

- ダイクストラ法にすこし工夫を加えた方法
- 各ノードからゴールまでの推定距離を利用
  - $0 \leq \text{推定距離} \leq \text{最短距離}$  でなければならない
  - 推定距離=0なら推定していないと同じ→ダイクストラ法

## まずはAアルゴリズム



Aを経由するルートの推定コスト評価値

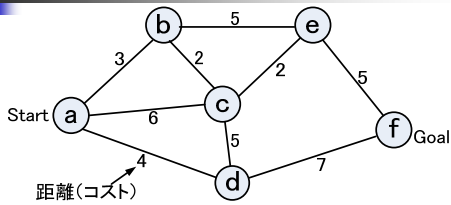
$$\hat{f}(A) = \hat{g}(S) + w(S, A) + \hat{h}(A)$$

$$= 0 + 3 + 6 = 9$$

AからGまでの推定コスト

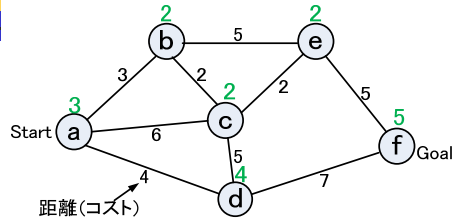
$\forall n, 0 \leq \hat{h}(n) \leq h(n)$   
を満たすとき  
A\*アルゴリズム  
但し,  $n$ は節点番号,  
 $h(n)$ は節点 $n$ から  
ゴールまでのコスト

## A\*アルゴリズム 動作例



距離(コスト)

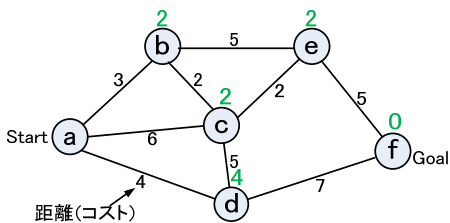
## A\*アルゴリズム 動作例 1/14



距離(コスト)

- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

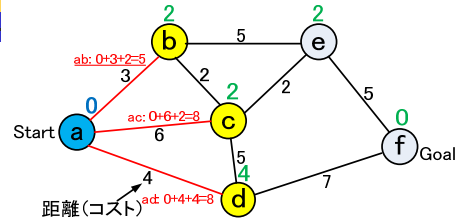
## A\*アルゴリズム 動作例 2/14



距離(コスト)

- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

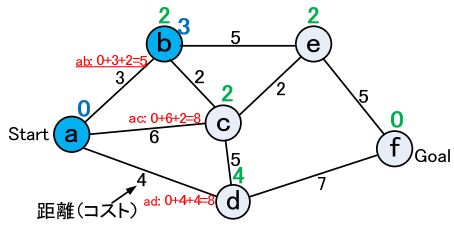
## A\*アルゴリズム 動作例 3/14



距離(コスト)

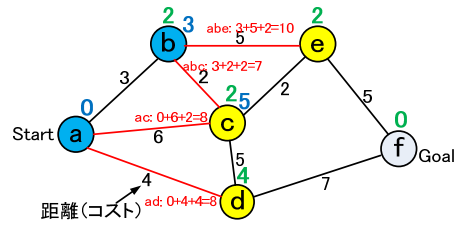
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

### A\*アルゴリズム 動作例 4/14



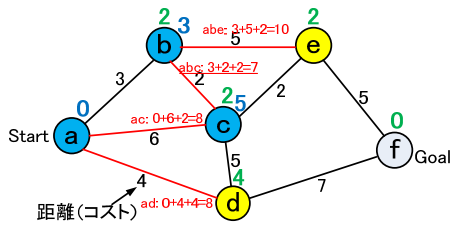
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)

### A\*アルゴリズム 動作例 5/14



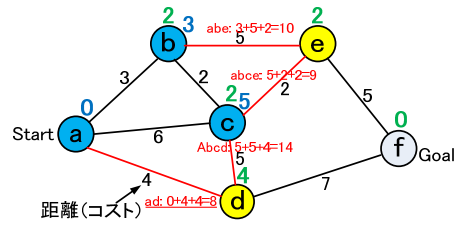
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)

### A\*アルゴリズム 動作例 6/14



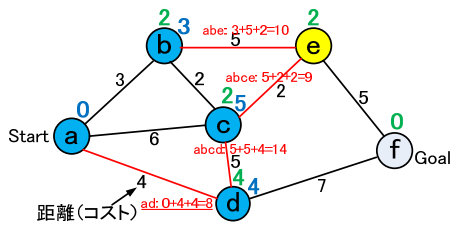
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)

### A\*アルゴリズム 動作例 7/14



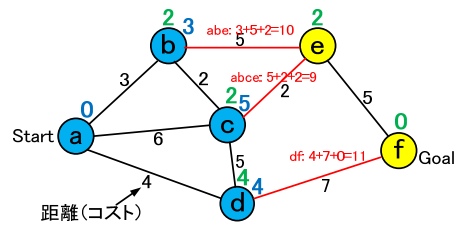
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)

### A\*アルゴリズム 動作例 8/14



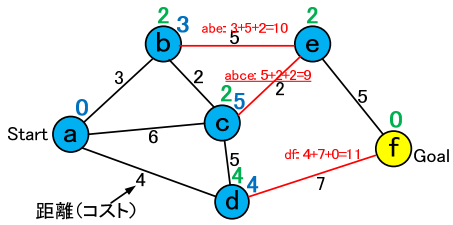
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)

### A\*アルゴリズム 動作例 9/14



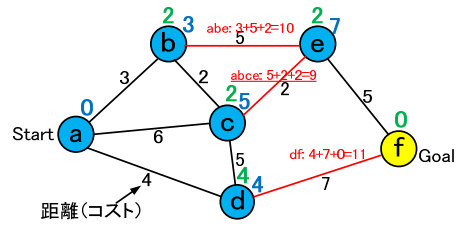
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)

### A\*アルゴリズム 動作例 10/14



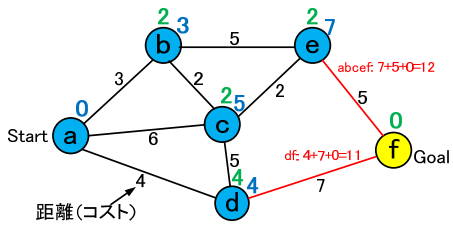
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

### A\*アルゴリズム 動作例 11/14



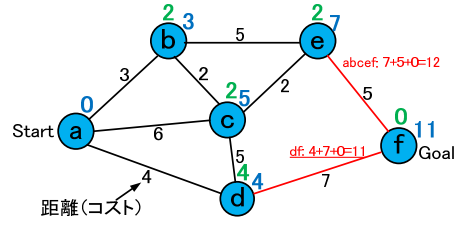
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

### A\*アルゴリズム 動作例 12/14



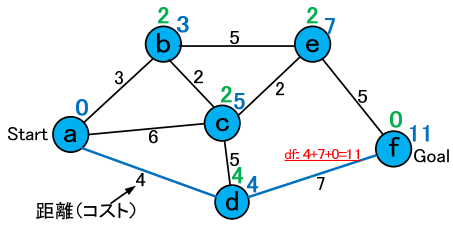
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

### A\*アルゴリズム 動作例 13/14



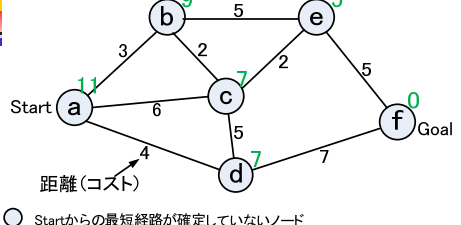
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

### A\*アルゴリズム 動作例 14/14



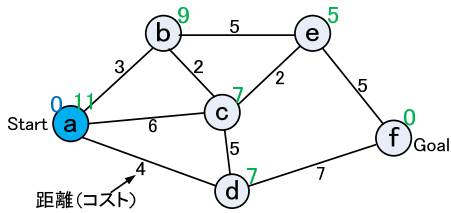
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

### A\*アルゴリズムその2 (最良のh(n)) 1/6



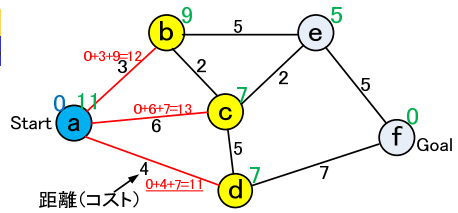
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

## A\*アルゴリズム その2 2/6



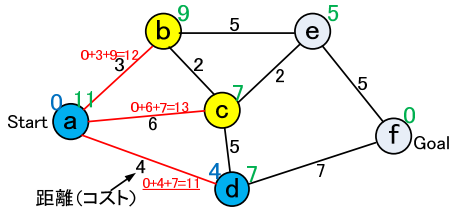
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

## A\*アルゴリズム その2 3/6



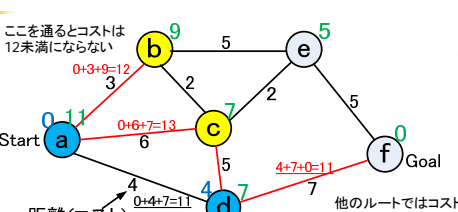
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

## A\*アルゴリズム その2 4/6



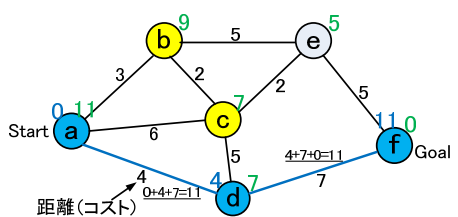
- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

## A\*アルゴリズム その2 5/6



- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

## A\*アルゴリズム その2 6/6



- Startからの最短経路が確定していないノード
- Startからの最短経路を確定中のノード
- Startからの最短経路が確定したノード
- 7 Startからの最短距離候補(未確定)
- 7 Startからの最短距離(確定済)
- 確定済ノードからのアーク
- 次期確定ノード決定に使用
- StartからGoalまでの最短経路

## Aアルゴリズム, A\*アルゴリズム ダイクストラ法

- $f(n) = g(n) + h(n)$ 
  - n: 節点番号,
  - $f(n)$ : 節点nを通りスタートからゴールまでの距離
  - $g(n)$ : スタートから節点nまでの距離
  - $h(n)$ : 節点nからゴールまでの距離
- Aアルゴリズム
  - $f^*(n) = g(n) + h^*(n)$  を利用してスタートからゴールまでの距離を調べる
    - $f^*(n)$ : 節点nからゴールまでの距離の評価値
    - $h^*(n)$ : 節点nからゴールまでの距離の評価値
- A\*アルゴリズム
  - Aアルゴリズムの  $f^*(n) = g(n) + h^*(n)$  の  $h^*(n)$  が  $0 \leq h^*(n) \leq h(n)$  の時
  - 最初に見つけたルートが最短ルートであることが保証されている
- ダイクストラ法
  - Aアルゴリズムの  $f^*(n) = g(n) + h^*(n)$  の  $h^*(n)$  が0の時
  - つまり  $f^*(n) = g(n)$



## 12月10日は中間試験

- 試験範囲は今日の授業まで
  - スタック
  - 文脈自由文法
  - 構文解析
  - CYK法
  - (トップダウンチャート法)
  - ダイクストラ法
  - DPマッチング
  - A\*アルゴリズム
- 試験問題の傾向はWebに掲載している去年の試験問題を見てください